

Enunciados

Resuelve los siguientes sistemas de ecuaciones:

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} 1 - 2(y-x) = \frac{3(2x+y)}{2} \\ \frac{x}{5} = 5 + \frac{y}{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} 2(x+2y) = 29-y \\ \frac{x-1}{4} - \frac{4y-1}{8} = \frac{1}{8} \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} x-1 = \frac{y}{2} \\ 3y = 9x-3 \end{cases}$$

Resolución 1

$$\left| \begin{array}{l} \begin{cases} 1 - 2(y-x) = \frac{3(2x+y)}{2} \\ \frac{x}{5} = 5 + \frac{y}{2} \end{cases} \\ \begin{cases} 2 - 4(y-x) = 3(2x+y) \\ 2x = 50 + 5y \end{cases} \\ \begin{cases} 2 - 4y + 4x = 6x + 3y \\ 2x - 5y = 50 \end{cases} \end{array} \right|$$

$$\left| \begin{array}{l} \begin{cases} 4x - 6x - 4y - 3y = -2 \\ 2x - 5y = 50 \end{cases} \\ \begin{cases} -2x - 7y = -2 \\ 2x - 5y = 50 \end{cases} \end{array} \right| \begin{array}{l} -12y = 48 \\ y = -4 \end{array}$$

$$2x - 5y = 50 \Rightarrow 2x - 5(-4) = 50 \Rightarrow 2x = 50 - 20 \Rightarrow 2x = 30 \Rightarrow x = 15$$

$$\text{Solución: } \begin{cases} x = 15 \\ y = -4 \end{cases}$$

Resolución 2

$$\left| \begin{array}{l} \begin{cases} 2(x+2y) = 29-y \\ \frac{x-1}{4} - \frac{4y-1}{8} = \frac{1}{8} \end{cases} \\ \begin{cases} 2x + 4y = 29 - y \\ 2(x-1) - (4y-1) = 1 \end{cases} \\ \begin{cases} 2x + 4y + y = 29 \\ 2x - 2 - 4y + 1 = 1 \end{cases} \\ \begin{cases} 2x + 5y = 29 \\ 2x - 4y = 2 \end{cases} \end{array} \right| \begin{array}{l} 9y = 27 \\ y = 3 \end{array}$$

$$2x - 4y = 2 \Rightarrow x - 2y = 1 \Rightarrow x - 2 \cdot 3 = 1 \Rightarrow x = 7$$

$$\text{Solución: } \begin{cases} x = 7 \\ y = 3 \end{cases}$$

Comentario: la expresión « $2x-4y=2$ » no la hemos simplificado entre 2 porque así hemos podido utilizar el método de reducción directamente; sin embargo, para calcular más adelante el valor de « x » sí la hemos simplificado.

Resolución 3

$$\left| \begin{array}{l} \begin{cases} x-1 = \frac{y}{2} \\ 3y = 9x-3 \end{cases} \\ \begin{cases} 2x-2 = y \\ y = 3x-1 \end{cases} \end{array} \right| \begin{array}{l} 2x-2 = 3x-1 \Rightarrow 2x-3x = -1+2 \Rightarrow -x = 1 \Rightarrow x = -1 \\ y = 3x-1 = 3(-1)-1 = -4 \end{array}$$

$$y = 3x - 1 = 3(-1) - 1 = -4$$

$$\text{Solución: } \begin{cases} x = -1 \\ y = -4 \end{cases}$$

Comentario: no hemos colocado los monomios en las ecuaciones porque hemos visto que se podía aplicar el método de igualación directamente. Es un buen ejemplo de un atajo.

Consejos

- * Usa el método general cuando no veas ningún atajo.
- * Utiliza una manera personal de resolver los sistemas cuando se te ocurra.