Licencia: CC0 1.0 Universal

Nivel 2 • Álgebra • Sistemas • Teoría (09)

Elección del método de resolución

Aunque todos los métodos llevan a la correcta solución cuando se usan bien, en general se piensa que hay métodos más sencillos que otros en algunos sistemas en particular:

- * Si una incógnita tiene coeficientes iguales u opuestos en las dos ecuaciones, el método de reducción es muy apropiado.
 - Como caso particular, si una incógnita tiene tiene coeficientes iguales y la otra los tiene opuestos, se puede utilizar la llamada reducción doble, que consiste en sumar y restar las ecuaciones en el mismo paso y así calcular las dos incógnitas simultáneamente.
- **★** Si una incógnita tiene coeficiente 1 o −1 en una ecuación, el método de sustitución es muy bueno.
- * Cuando resultan incómodos tanto el método de reducción como el de sustitución, entonces facilita las cosas el método de igualación.

Enunciados

Resuelve los siguientes sistemas:

①
$$\begin{bmatrix} 2x+3y=26 \\ -2x+4y=2 \end{bmatrix}$$
 ② $\begin{bmatrix} x+y=1 \\ x-y=11 \end{bmatrix}$ ③ $\begin{bmatrix} x+3y=9 \\ 5x-2y=11 \end{bmatrix}$ ④ $\begin{bmatrix} 2x-5y=17 \\ 3x-4y=22 \end{bmatrix}$

Resoluciones

① Usamos el método de reducción.

2 Usamos el método de reducción doble.

3 Usamos el método de sustitución.

$$\begin{vmatrix} x+3y=9 \\ 5x-2y=11 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} x=9-3y \\ 5(9-3y)-2y=11 \end{vmatrix} 45-15y-2y=11 \Rightarrow -17y=-34 \Rightarrow y=2$$

$$x=9-3y=9-3\cdot 2=3. \text{ Solución: } \begin{cases} x=3 \\ y=2 \end{cases}$$

4 Usamos el método de igualación.

$$\begin{vmatrix} 2x-5y=17 \\ 3x-4y=22 \end{vmatrix} = \frac{17+5y}{2} = \frac{22+4y}{3} \Rightarrow 3(17+5y)=2(22+4y) \Rightarrow 51+15y=44+8y \Rightarrow 15y-8y=44-51 \Rightarrow 7y=-7 \Rightarrow y=-1$$

$$x = \frac{17+5y}{2} = \frac{17+5(-1)}{2} = \frac{17-5}{2} = \frac{12}{2} = 6. \text{ Solución: } \begin{cases} x=6 \\ y=-1 \end{cases}$$